

Zadania na twierdzenie Fermata z PTMów

Wpisany przez Joachim Jelisiejew
wtorek, 12 marca 2013 18:05 -



[](#)
[Zadania PDF.](#)

Źródło zadań w texu.

```
% File: fermaty.tex % Created: Sun Mar 10 06:00 PM 2013 C % Last Change: Sun
Mar 10 06:00 PM 2013 C documentclass[10pt, a4paper]{article} usepackage{amssymb}
usepackage{amsmath} usepackage{amsthm} usepackage[textwidth=16cm,
textheight=24cm]{geometry} usepackage[polish]{babel} usepackage[utf8]{inputenc}
usepackage[T1]{fontenc} usepackage{polski} usepackage{graphicx} usepackage{enumitem}
setenumerate{itemsep=2pt,topsep=2pt,parsep=0pt,partopsep=0pt} usepackage[pdfborder={0 0
0}]{hyperref} %usepackage{MnSymbol} % -----
vfuzz4pt % Don't report over-full v-boxes if over-edge is small hfuzz4pt % Don't report over-full
h-boxes if over-edge is small % THEOREMS -----
newtheorem{thm}{Twierdzenie} newtheorem{cor}[thm]{Wniosek}
newtheorem{lem}[thm]{Lemat} newtheorem{defn}[thm]{Definicja}
newtheorem{tozs}[thm]{Tożsamość} newtheorem{hyp}[thm]{Hipoteza}
newcommand{HRule}{\rule{linewidth}{0.2mm}} renewcommand{section}[1]{ %\vspace*{-1.5cm}
stepcounter{section}% begin{center}% begin{minipage}{2.5cm}
includegraphics[origin=c,width=2.5cm]{headpicture}
end{minipage}begin{minipage}{sectionwidth} begin{center} {Huge bfseries center
#1} vskip 1mm small normalfont sc author{\ date{
end{center} end{minipage} end{center} HRule } newenvironment{sol}[1][Rozwiązanie. ]{
vskip 3mm noindentemph{#1} } { } newcounter{problem} newenvironment{problem}[1][[
stepcounter{problem} vskip 3mm noindent{textsc{bfseries Zadanie theproblem{}} #1}]{ }
pagestyle{empty} defabs #1{leftvert #1rightvert} renewcommand{angle}{sphericalangle}
renewcommand{vec}[1]{\overrightarrow{#1}} renewcommand{leq}{\leqslant}
renewcommand{geq}{\geqslant} renewcommand{dots}{\ldots} defsectionwidth{6cm}
defheadpicture{../micek-2cm.jpg} defauthor{kółko I~LO Białystok} defdate{12 marca 2013}
begin{document} section{Fermaty} subsection{Zadania z~polibudki} begin{problem}
Udowodnij, że jeżeli  $n$  jest liczbą całkowitą, to  $30 \mid n^5 - n$ . end{problem}
```

Zadania na twierdzenie Fermata z PTMów

Wpisany przez Joachim Jelisiejew
wtorek, 12 marca 2013 18:05 -

`begin{problem}` Niech $n \geq 1$ będzie liczbą naturalną, zaś x_1, x_2, \dots, x_n liczbami całkowitymi, których suma dzieli się przez 10 . Udowodnić, że liczba $[x_1^5 + x_2^5 + \dots + x_n^5]$ jest również podzielna przez 10 . `end{problem}`

`begin{problem}` Wykazać, że jeżeli x i y są liczbami całkowitymi, to liczba $xy^5 - x^5y$ jest podzielna przez 30 . `end{problem}` `begin{problem}` Wykazać, że jeśli p_1, p_2, \dots, p_{56} są liczbami pierwszymi większymi od 7 , to liczba $[p_1^6 + \dots + p_{56}^6]$ jest podzielna przez 56 . `end{problem}` subsection{Zadania prawie na Fermata}

`begin{problem}` Dowiedź, że jeżeli p jest liczbą pierwszą większą od 3 , to $43 \mid 7^p - 6^p - 1$. `end{problem}`

`begin{problem}`[Twierdzenie Eulera] Liczby całkowite a i n są względnie pierwsze. Uzasadnij, że $a^{\varphi(n)} \equiv 1 \pmod{n}$, gdzie $\varphi(n)$ oznacza liczbę elementów zbioru $\{a \mid a \in \{1, 2, \dots, n\}, \text{NWD}(n, a) = 1\}$. `end{problem}` `begin{problem}` Niech a, b będą względnie pierwszymi liczbami całkowitymi dodatnimi. Udowodnij, że istnieją liczby całkowite dodatnie m, n , takie, że $[ab \mid a^m + b^n - 1]$. `end{problem}` `begin{problem}` Liczby całkowite a, b, c sumują się do zera. Rozstrzygnij, czy $a^{61} + b^{61} + c^{61}$ może być liczbą pierwszą. `end{problem}` `end{document}`