

iii) Postępując analogicznie

$$z = a + bi$$

$$\begin{cases} a\sqrt{a^2+b^2} = -\frac{\sqrt{2}}{8} \\ b\sqrt{a^2+b^2} = -\frac{\sqrt{2}}{8} \end{cases} \Rightarrow a, b < 0$$

$$\frac{a}{b} = 1 \Rightarrow a = b$$

Zatem:  $a\sqrt{a^2+b^2} = a\sqrt{a^2+a^2} = a\sqrt{2} = -\frac{\sqrt{2}}{8}$

Zatem  $a = -\frac{\sqrt{2}}{4}$   $\vee$   $a = -\frac{\sqrt{2}}{4}$   
 $(\text{dla } a < 0)$

Zatem  $a = b = -\frac{\sqrt{2}}{4}$

Ostatecznie  $z = 0$   $\vee$   $z = \frac{\sqrt{2}}{4} + i\frac{\sqrt{2}}{4}$   $\vee$   $z = -\frac{\sqrt{2}}{4} - i\frac{\sqrt{2}}{4}$

### PUNKTACJA

- 0,5 pkt - poprawne wyprowadzenie rozwiązań  $z=0$
- 0,75 pkt - ~~poprawne~~ pokazanie że kolejne rozwiązania spełniają  $|z| = \frac{1}{2}$
- 1 pkt - poprawne rozwiązania
- 0,25 pkt - każdy błąd obliczeniowy.

$$0 < a \leq \frac{\sqrt{2}}{4} \vee \frac{\sqrt{2}}{4} < a < \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{4} < a < \frac{\sqrt{2}}{2}$$